

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
- الدورة العادية 2008 -
الموضوع

7	المعامل:	الفيزياء والكيمياء	المادة:
3	مدة الإنجاز:	شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية	الشعب(ة):

يسمح باستعمال الحاسبة غير القابلة للبرمجة

تعطى الصيغ الحرفية قبل إنجاز التطبيقات العددية

مكونات الموضوع

الكيمياء (7 نقط) :

* دراسة خاصيات حمض كربوكسيلي

الفيزياء (13 نقطة) :

تمرين 1: (2 نقط)

* التحولات النووية - تطبيقات في مجال الطب

تمرين 2: (5 نقط)

* الكهرباء - استعمالات مكثف

تمرين 3: (6 نقط)

* الميكانيك - دراسة سقوط جسم صلب في مجال الثقالة المنتظم

أجزاء جميع التمارين مستقلة

الكيمياء : خاصيات حمض كربوكسيلي

الإيبوبروفين (Ibuprofène) حمض كربوكسيلي، صيغته الإجمالية $C_{13}H_{18}O_2$ ، دواء يعتبر من المضادات للالتهابات إضافة إلى كونه مسكن للألم ومحفظاً للحرارة. تباع مستحضرات الإيبوبروفين في الصيدليات على شكل مسحوق في أكياس تحمل المقدار 200 mg قابل للذوبان في الماء.

نرمز للإيبوبروفين بـ $RCOOH$ ولقاعدته المرافقة بـ $RCOO^-$.

نعطي الكتلة المولية للحمض $RCOOH$: $M(RCOOH) = 206 \text{ g.mol}^{-1}$.
 تمت جميع العمليات عند درجة الحرارة 25°C .

1) الجزء I - تحديد ثابتة التوازن لتفاعل حمض الإيبوبروفين مع الماء:

نذيب محتوى كيس من الإيبوبروفين والذي يحتوي على 200 mg من الحمض في كأس من الماء الخالص، فنحصل على محلول مائي (S_0) تركيزه C_0 و حجمه $V_0 = 100 \text{ mL}$.

1.1- احسب C_0 . (0,75 ن)

1.2- أعطى قياس pH للمحلول (S_0) القيمة $pH=3,17$.

1.2.1- تحقق، باستعانتك بالجدول الوصفي، أن تفاعل الإيبوبروفين مع الماء تفاعل محدود. (1,25 ن)

1.2.2- اكتب تعبير خارج التفاعل Q_r لهذا التحول. (0,5 ن)

1.2.3- بين أن تعبير Q_r عند التوازن يكتب على الشكل التالي:

$$Q_{r,eq} = \frac{x_{max} \cdot \tau^2}{V_0 \cdot (1-\tau)}$$

حيث τ : نسبة التقدم النهائي للتفاعل و x_{max} : التقدم الأقصى ويعبر عنه بالمول. (1 ن)

1.2.4- استنتج قيمة ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة التفاعل المدروس. (0,75 ن)

2) الجزء II- التتحقق من صحة المقدار المسجل على كيس الإيبوبروفين:

لتتحقق من صحة المقدار المسجل على الكيس، نأخذ حجماً $V_B = 60,0 \text{ mL}$ من محلول مائي (S_B) لهيدروكسيد الصوديوم $(Na_{aq}^+ + HO_{aq}^-)$ تركيزه $C_B = 3,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ ، ونذيب فيه كلية محتوى كيس من الإيبوبروفين، فنحصل على محلول مائي (S).

(نعتبر أن حجم محلول (S) هو (V_B))

2.1- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل بين الحمض $RCOOH$ والمحلول (S_B) والذي نعتبره كلية. (0,75 ن)

2.2- بين أن $n_i(HO^-)$ كمية مادة الأيونات HO^- البدئية المتواجدة في محلول (S_B) أكبر من $n_i(RCOOH)$ كمية مادة الحمض $RCOOH$ المذابة. (نعتبر أن المقدار المسجل على الكيس صحيح). (0,5 ن)

2.3- لمعيرة الأيونات HO^- المتبقية في محلول (S)، نأخذ حجما $V = 20,0 \text{ mL}$ من هذا محلول ونضيف إليه محلولا مائيا (S_A) لحمض الكلوريديك تركيزه $C_A = 1,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$.

نحصل على التكافؤ عند صب الحجم $V_{AE} = 27,7 \text{ mL}$ من محلول (S_A).

نعتبر أن الأيونات HO^- المتبقية في محلول (S) هي الوحيدة التي تتفاعل مع الأيونات H_3O^+ الواردة من محلول (S_A) أثناء المعايرة، وفق المعادلة الكيميائية التالية:



2.3.1- أوجد كمية مادة الأيونات HO^- التي تفاعلت مع الحمض RCOOH المتواجد في الكيس. (1 ن)

2.3.2- احسب الكتلة m لحمض الإيبوبروفين المتواجدة في الكيس. استنتاج. (0,5 ن)

الفيزياء:

تمرين 1: التحولات النووية - تطبيقات في مجال الطب

يعتبر الطب أحد المجالات الرئيسية التي عرفت تطبيقات عده للأنشطة الإشعاعية؛ ويستعمل في هذا المجال عدد من العناصر المشعة لتشخيص الأمراض ومعالجتها. ومن بين هذه العناصر الصوديوم $^{24}_{11}\text{Na}$ الذي يمكن من تتبع مجرى الدم في الجسم.

1- نويدة الصوديوم $^{24}_{11}\text{Na}$ إشعاعية النشاط وينتج عن تفتقدها نويدة المغنزيوم $^{24}_{12}\text{Mg}$.

1.1- اكتب معادلة تفتقدها نويدة الصوديوم، وحدد طبيعة هذا الإشعاع. (0,5 ن)

1.2- احسب ثابتة النشاط الإشعاعي λ لهذه النويدة علماً أن عمر النصف للصوديوم 24 هو $t_{1/2} = 15h$. (0,25 ن)

2- فقدَ شخص ، إثر حادثة سير، حجما من الدم. لتحديد حجم الدم المفقود تحقن الشخص المصاب عند اللحظة $t_0 = 0$ ، بحجم $V_0 = 5,00 \text{ mL}$ من محلول الصوديوم 24 تركيزه $C_0 = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$.

2.1- حدد n_1 كمية مادة الصوديوم $^{24}_{11}\text{Na}$ التي تبقى في دم الشخص المصاب عند اللحظة $t_1 = 3h$. (0,5 ن)

2.2- احسب نشاط هذه العينة عند هذه اللحظة t_1 .

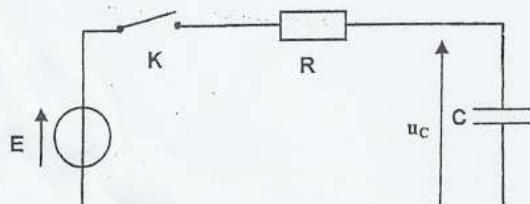
(ثابتة أفكادرو $6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ($N_A = 6,02 \cdot 10^{23}$)). (0,25 ن)

2.3- عند اللحظة t_1 ؛ أعطى تحليل الحجم $V_2 = 2,00 \text{ mL}$ من الدم المأخوذ من جسم الشخص المصاب كمية المادة $n_2 = 2,1 \cdot 10^{-9} \text{ mol}$ من الصوديوم 24.

استنتاج الحجم V_p للدم المفقود باعتبار أن جسم الإنسان يحتوي على $5,00 \text{ L}$ من الدم وأن الصوديوم موزع فيه بكيفية منتظمة. (0,5 ن)

تمرين 2: الكهرباء - استعمالات مكثف

تتميز المكثفات بخاصية تخزين الطاقة الكهربائية وإمكانية استرجاعها عند الحاجة. وتمكن هذه الخاصية من استعمال المكثفات في عدة أجهزة منها تشغيل مصباح وأيضًا بعض آلات التصوير.



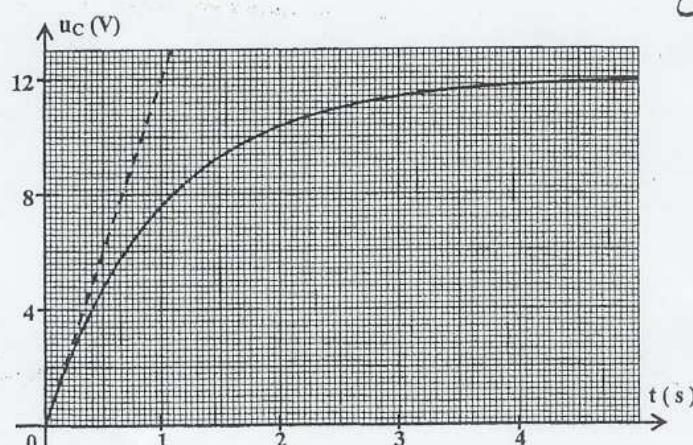
الشكل 1

(1) الجزء I - شحن مكثف:

نجز التركيب التجاري الممثل في الشكل (1) والمكون من مكثف سعته C ، غير مشحون بدئياً، مركب على التوالي مع موصل أومي مقاومته الكهربائية R وقاطع التيار K . يخضع ثانوي القطب RC لرتبة توتر معرفة كالتالي:

- بالنسبة ل $t < 0$ ، $U = 0$

- بالنسبة ل $t \geq 0$ $U = E$ حيث: $E = 12V$. نغلق الدارة عند اللحظة $t = 0$ ونعاين ، باستعمال وسيط معلوماتي على شاشة حاسوب ، تغيرات التوتر u_C بين مربطي المكثف بدلالة الزمن. يعطي الشكل (2) المنحني $u_C = f(t)$.



الشكل 2

1.1- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_C(t)$.

1.2- تحقق أن التعبير $u_C(t) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ حل للمعادلة التفاضلية بالنسبة ل $t \geq 0$; حيث τ ثابتة الزمن. (0,5 ن)

1.3- حدد تعبير τ وبيّن ، باعتماد معادلة الأبعاد، أن τ بعداً زمنياً. (0,5 ن)

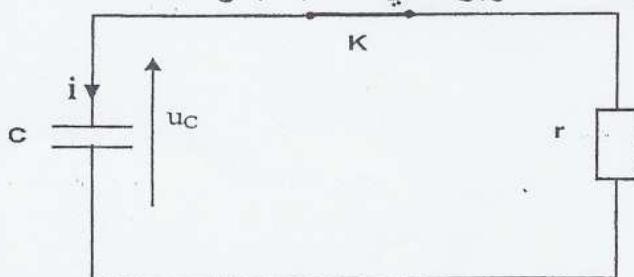
1.4- عين مبيانيا τ واستنتج أن قيمة C هي $C = 100 \mu F$. نعطي $R = 10 k\Omega$. (0,75 ن)

1.5- احسب الطاقة الكهربائية التي يخزنها المكثف في النظام الدائم: (0,75 ن)

(2) الجزء II - تفريغ مكثف :

يتطلب تشغيل وأيضًا آلية تصوير طاقة عالية لا يمكن الحصول عليها باستعمال المولد السابق. للحصول على الطاقة اللازمة، يُشحن المكثف السابق بواسطة دارة إلكترونية تُمكّن من تطبيق توتر مستمر بين مربطي المكثف قيمته $U_C = 360V$.

نفرغ المكثف، عند اللحظة $t = 0$ ، في مصباح وامض آلة التصوير الذي نتمنجه بموصل أومي مقاومته r (الشكل 3)؛ فيتغير التوتر بين مربطي المكثف وفق المعادلة : $u_C = 360 \cdot e^{-\frac{t}{r}}$ ؛ حيث e ثابتة الزمن و (t) u_C معبر عنها بالفولط (V)



الشكل 3

- 2.1- أوجد قيمة r مقاومة مصباح وامض آلة التصوير علما أن التوتر بين مربطي المكثف يأخذ القيمة V $u_C(t) = 132,45$ عند اللحظة $t = 2 \text{ ms}$. (1 ن)
- 2.2- اشرح كيف يجب اختيار مقاومة وامض آلة التصوير لضمان تفريغ أسرع للمكثف. (5,0 ن)

تمرين 3 - الميكانيك - دراسة سقوط جسم صلب في مجال الثقالة المنتظم :

تُستعمل الطائرات المروحية في بعض الحالات لإيصال مساعدات إنسانية إلى مناطق منكوبة يتعدى الوصول إليها عبر البر.

تحرك طائرة مروحية على ارتفاع ثابت H من سطح الأرض بسرعة أفقية v_0 ثابتة وتسقط صندوق مواد غذائية، مركز قصوره G_0 ،

فيりتطم بسطح الأرض في النقطة T . (الشكل 1)

ندرس حركة G_0 في معلم متبعدي ومنظم $(R(O, i, j))$ مرتبط بالأرض والذي نعتبره غاليليا. نعطي : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ (شدة الثقالة) و $H = 405 \text{ m}$ ؛ نهمل أبعاد الصندوق.

(1) الجزء I- دراسة السقوط الحر:

نهمل القوى المرتبطة بتأثير الهواء على الصندوق. يسقط الصندوق ، عند اللحظة $t = 0$ ، انطلاقاً من النقطة (A) $x_A = 450 \text{ m}$; $y_A = 0$ بالسرعة البدنية الأفقية v_0 ذات القيمة

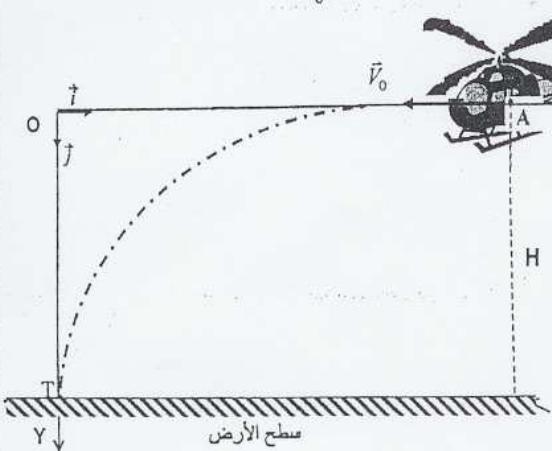
النقطة (A) $x_A = 450 \text{ m}$; $y_A = 0$ بالسرعة البدنية الأفقية v_0 ذات القيمة $v_0 = 50 \text{ m.s}^{-1}$.

1.1- أوجد ، بتطبيق القانون الثاني لنيوتون ، المعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $y(t)$ لحركة G_0

في المعلم $(R(O, i, j))$. (1,5 ن)

1.2- حدد لحظة ارتطام الصندوق بسطح الأرض. (0,75 ن)

1.3- أوجد معادلة مسار حركة G_0 . (0,5 ن)



الشكل 1

2) الجزء II - دراسة السقوط باحتكاك:

لكي لا تتألف المواد الغذائية عند الارتطام بسطح الأرض؛ تم ربط صندوق بمظلة تمكنه من النزول بيئط. تبقى المروحية ساكنة على نفس الارتفاع H السابق في النقطة O . يسقط الصندوق ومظلته رأسيا بدون سرعة بدئية عند اللحظة $t_0 = 0$.

يطبق الهواء قوى الاحتكاك الم عبر عنها بالعلاقة $\vec{f} = -\vec{v} \cdot 100$. حيث \vec{v} تمثل متوجهة سرعة الصندوق عند اللحظة t .

نهمل دافعة أر خميدس خلال السقوط.

نعطي كتلة المجموعة {الصندوق والمظلة}: $m = 150 \text{ kg}$

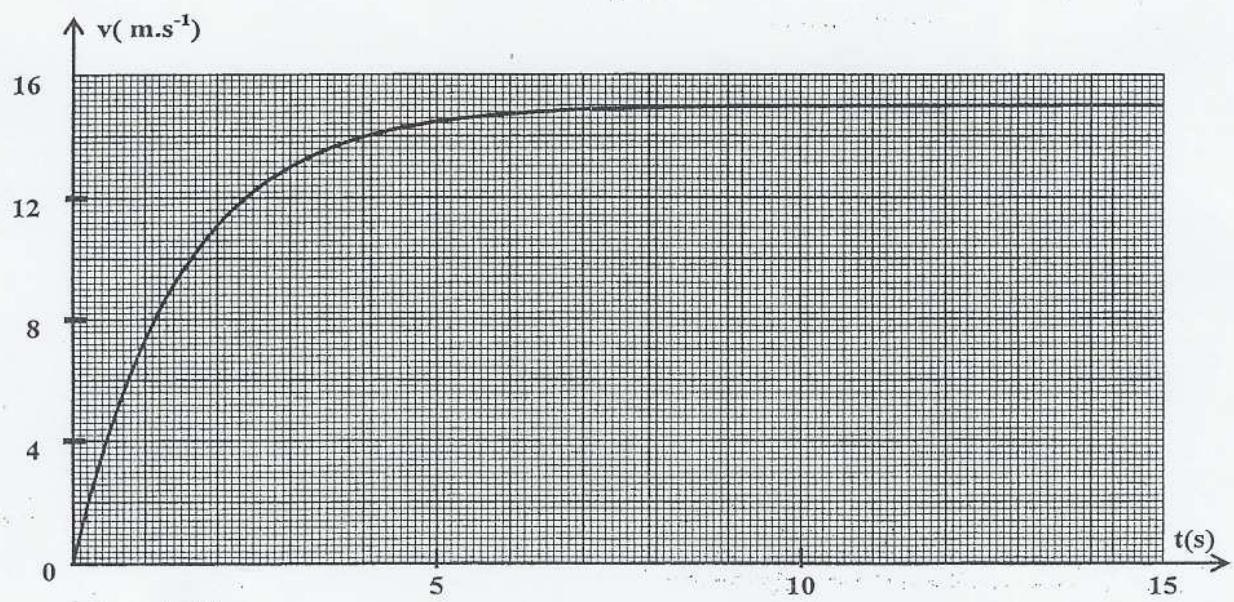
2.1- أوجد المعادلة التفاضلية في المعلم (j, i, O, R) التي تتحققها سرعة G_1 مركز قصور المجموعة. (1,25 ن)

2.2- يمثل منحنى الشكل 2 تغير سرعة G_1 بدالة الزمن؛ حدد السرعة الحدية V_{\lim} وكذا الزمن المميز τ للسقوط. (0,5 ن)

2.3- أعط قيمة تقريرية لمدة النظام البدئي. (0,5 ن)

2.4- باعتماد طريقة أولير والجدول التالي، حدد قيمتي السرعة v_4 و التسارع a_4 . (1 ن)

$t_i(s)$	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6
$v_i(\text{m.s}^{-1})$	0	1,00	1,93	2,80	v_4	4,37	5,08
$a_i(\text{m.s}^{-2})$	10,00	9,33	8,71	8,12	a_4	7,07	6,60



الشكل 2



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

- الدورة العادية - 2008 -

عناصر الإجابة

7	المعامل:	الفيزياء والكيمياء	المادة:
3س	مدة الإجابة:	شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية	الشعب(ة):

رقم السؤال	عنصر الإجابة	سلم التقديط
<u>الكميات</u>		
1.1: I	$C_0 \approx 9.7 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$; $C_0 = \frac{m}{M.V_0}$	0,25 + 0,5
1.2.1	كتابة المعادلة + تحديد كمية المادة البدئية للحمض البرهنة على أن التفاعل محدود	0,25 + 0,25 0,75
1.2.2	تعبير Q_r	0,5
1.2.3	إثبات العلاقة	1
1.2.4	$K \approx 5 \cdot 10^{-5}$; $Q_{r,eq} = K$	0,25 + 0,5
2.1: II	كتابة المعادلة	0,75
2.2	$n_i(HO^-) = 1.8 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$ + المقارنة	0,25 + 0,25
2.3.1	تحديد كمية مادة HO^- المعايرة: $n_1(HO^-) = 2.77 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$ تحديد كمية مادة HO^- المتواجدة في الحجم V_1 ($= 8,31$) استنتاج كمية مادة HO^- المتفاعلة مع الحمض $n = 9.7 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$	0,25 0,25 0,5
2.3.2	$m \approx 0.2 \text{ g}$ + الاستنتاج	0,25 + 0,25
<u>الفرز</u>		
تمرين 1 : التحولات النوية		
1.1	المعادلة + الطبيعة	0,25 + 0,25
1.2	$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = 1.28 \cdot 10^{-5} \text{ s}^{-1}$	0,25
2.1	$n_1 = 4.35 \cdot 10^{-6} \text{ mol}$; $n_0 = C_0 \cdot V_0 = 5 \cdot 10^{-6} \text{ mol}$	0,25 + 0,25
2.2	$a(t) = \lambda \cdot N(t) = 3.35 \cdot 10^{14} \text{ Bq}$	0,25

0,25 0,25	حساب حجم الدم الموجود في جسم المصاب عند $t_1 = 4,14 \text{ L}$ استنتاج: $V_p = 0,86 \text{ L}$	2.3
-	تمرين 2 : الكهرباء	
1	$\rho C \frac{du}{dt} + uC = E$ إثبات المعادلة التفاضلية	الجزء I.1
0,5	التحقق من الحل	1.2
0,25 + 0,25	تعبير τ + البعد	1.3
0,5 0,25	تحديد τ مبيانيا : $\tau = 1s$ التحقق من قيمة C .	1.4
0,25 + 0,5	تعبير الطاقة + التطبيق العددي: $E_i = 7.2 \cdot 10^{-3} \text{ J}$	1.5
0,25 + 0,75	الوصول إلى تعبير r + التطبيق العددي: $r = 20 \Omega$	الجزء 2.1:II
0,5	الشرح	2.2
	تمرين 3: الميكانيك	
1 0,25 + 0,25	تطبيق القانون الثاني لنيوتن الوصول إلى: $y(t) = 5t^2$ (m) و $x(t) = -50t + 450$ (m)	الجزء I.1
0,25 + 0,5	تعبير t + التطبيق العددي: $t = 9 \text{ s}$	1.2
0,5	$y = 2 \cdot 10^{-3} \cdot x^2 - 1.8 \cdot x + 405$ (m)	1.3
1,25	الوصول إلى المعادلة التفاضلية: $\frac{dv}{dt} = 10 - \frac{2}{3} \cdot v$	الجزء 2.1:II
0,25 + 0,25	$\tau = 1.5 \text{ s}$ ، $V_{\text{lim}} = 15 \text{ m.s}^{-1}$	2.2
0,5	القيمة التقريرية: $7,5 \text{ s}$	2.3
0,5 + 0,5	$a_4 = 7.59 \text{ m.s}^{-2}$ و $v_4 = 3.61 \text{ m.s}^{-1}$	2.4

$$\ln \frac{360}{u_c} = \frac{t}{r.c} \quad \Leftarrow \quad \ln \frac{u_c}{360} = -\frac{t}{\tau} \quad \Leftarrow \quad \frac{u_c}{360} = e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \Leftarrow \quad u_c = 360e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$r = \frac{t}{c \times \ln \frac{360}{u_c}} = \frac{2 \times 10^{-3}}{100 \times 10^{-6} \ln \frac{360}{132,45}} = \frac{2 \times 10^{-3}}{10^{-4} \times 0,99989} = 20\Omega \Leftarrow$$

SBIRO Abdelkrim