

الصفحة 1 4	<p><b>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا</b>  <b>المسالك الدولية - خيار فرنسية</b>  <b>الدورة العادية 2018</b>  <b>-الموضوع-</b></p>	<p>المملكة المغربية          وزارة التربية الوطنية          والتكوين المهني          والتعليم العالي والبحث العلمي</p> <p>المركز الوطني للتقويم والامتحانات          والتوجيه</p>
★★	NS 22F	

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية - خيار فرنسية	الشعبة أو المسلك

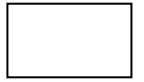
## INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

## COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de trois exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3 points
Exercice 3	Calcul des probabilités	3 points
Problème	Etude d'une fonction numérique, calcul intégral et suites numériques	11 points



<p>1</p> <p>0.5</p> <p>0.25</p> <p>0.5</p> <p>0.75</p>	<p><b>Exercice 1 : (3 points )</b></p> <p>Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct <math>(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})</math>, on considère les points <math>A(0, -2, -2)</math>, <math>B(1, -2, -4)</math> et <math>C(-3, -1, 2)</math></p> <p>1) Montrer que <math>\overline{AB} \wedge \overline{AC} = 2\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}</math> et en déduire que <math>2x + 2y + z + 6 = 0</math> est une équation cartésienne du plan <math>(ABC)</math></p> <p>2) On considère la sphère <math>(S)</math> dont une équation est <math>x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2z - 23 = 0</math></p> <p>Vérifier que la sphère <math>(S)</math> a pour centre <math>\Omega(1, 0, 1)</math> et pour rayon <math>R = 5</math></p> <p>3) a) Vérifier que <math>\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2t \\ z = 1 + t \end{cases}; (t \in \mathbb{R})</math> est une représentation paramétrique de la droite <math>(\Delta)</math> passant par le point <math>\Omega</math> et orthogonale au plan <math>(ABC)</math></p> <p>b) Déterminer les coordonnées de <math>H</math> point d'intersection de la droite <math>(\Delta)</math> et du plan <math>(ABC)</math></p> <p>4) Vérifier que <math>d(\Omega, (ABC)) = 3</math>, puis montrer que le plan <math>(ABC)</math> coupe la sphère <math>(S)</math> selon un cercle de rayon 4, dont on déterminera le centre.</p>
<p>0.75</p> <p>0.25</p> <p>0.5</p> <p>0.75</p> <p>0.75</p>	<p><b>Exercice 2 : (3 points )</b></p> <p>1) Résoudre dans l'ensemble <math>\mathbb{C}</math> des nombres complexes l'équation : <math>2z^2 + 2z + 5 = 0</math></p> <p>2) Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct <math>(O, \vec{u}, \vec{v})</math>, on considère la rotation <math>R</math> de centre <math>O</math> et d'angle <math>\frac{2\pi}{3}</math></p> <p>a) Ecrire sous forme trigonométrique le nombre complexe <math>d = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i</math></p> <p>b) On considère le point <math>A</math> d'affixe <math>a = -\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i</math> et le point <math>B</math> image du point <math>A</math> par la rotation <math>R</math>. Soit <math>b</math> l'affixe du point <math>B</math>, montrer que <math>b = d.a</math></p> <p>3) Soit <math>t</math> la translation de vecteur <math>\overline{OA}</math> et <math>C</math> l'image de <math>B</math> par la translation <math>t</math> et <math>c</math> l'affixe de <math>C</math></p> <p>a) Vérifier que <math>c = b + a</math> et en déduire que <math>c = a \left( \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i \right)</math> (on pourra utiliser la question 2)b))</p> <p>b) Déterminer <math>\arg\left(\frac{c}{a}\right)</math> puis en déduire que le triangle <math>OAC</math> est équilatéral.</p>

**Exercice 3 : (3 points )**

Une urne contient 9 boules indiscernables au toucher : cinq boules rouges portant les nombres 1 ; 1 ; 2 ; 2 ; 2 et quatre boules blanches portant les nombres 1 ; 2 ; 2 ; 2 .  
On considère l'expérience suivante : on tire au hasard et simultanément trois boules de l'urne .  
Soient les événements :

A : "les trois boules tirées sont de même couleur "

B : "les trois boules tirées portent le même nombre "

C : "les trois boules tirées sont de même couleur et portent le même nombre "

1.5 1) Montrer que  $p(A) = \frac{1}{6}$  ,  $p(B) = \frac{1}{4}$  et  $p(C) = \frac{1}{42}$

2) On répète l'expérience précédente trois fois avec remise dans l'urne des trois boules tirées après chaque tirage, et on considère la variable aléatoire  $X$  qui est égale au nombre de fois de réalisation de l'événement  $A$

0.5 a) Déterminer les paramètres de la variable aléatoire binomiale  $X$

1 b) Montrer que  $p(X = 1) = \frac{25}{72}$  et calculer  $p(X = 2)$

**Problème : (11 points )**

I) Soit  $g$  la fonction numérique définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$g(x) = e^x - x^2 + 3x - 1$$

Le tableau ci-contre est le tableau de variations de la fonction  $g$

$x$	$-\infty$	$+\infty$
$g'(x)$		+
$g(x)$	$-\infty$	$+\infty$

0.25 1) Vérifier que  $g(0) = 0$

0.5 2) Déterminer le signe de  $g(x)$  sur chacun des intervalles  $]-\infty, 0]$  et  $[0, +\infty[$

II) Soit  $f$  la fonction numérique définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = (x^2 - x) e^{-x} + x$

et  $(C)$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  ( unité : 1 cm )

0.5 1) a) Vérifier que  $f(x) = \frac{x^2}{e^x} - \frac{x}{e^x} + x$  pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$  puis montrer que  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

0.75 b) Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x)$  puis en déduire que  $(C)$  admet une asymptote  $(D)$  au voisinage de  $+\infty$  d'équation  $y = x$

0.5 c) Vérifier que:  $f(x) = \frac{x^2 - x + xe^x}{e^x}$  pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$  puis calculer  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

0.5 d) Montrer que  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$  et interpréter le résultat géométriquement .

0.25 2) a) Montrer  $f(x) - x$  et  $x^2 - x$  ont le même signe pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$

0.5 b) En déduire que  $(C)$  est au dessus de  $(D)$  sur chacun des intervalles  $]-\infty, 0]$  et  $[1, +\infty[$  , et en dessous de  $(D)$  sur l'intervalle  $[0, 1]$



0.75	3)a) Montrer que $f'(x) = g(x) e^{-x}$ pour tout $x$ de $\mathbb{R}$
0.5	b) En déduire que la fonction $f$ est décroissante sur $]-\infty, 0]$ et croissante sur $[0, +\infty[$
0.25	c) Dresser le tableau de variations de la fonction $f$
0.25	4)a) Vérifier que $f''(x) = (x^2 - 5x + 4)e^{-x}$ pour tout $x$ de $\mathbb{R}$
0.5	b) En déduire que la courbe $(C)$ admet deux points d'inflexion d'abscisses respectives 1 et 4
1	5) Construire $(D)$ et $(C)$ dans le même repère $(O, \vec{i}, \vec{j})$ (on prend : $f(4) \approx 4.2$ )
0.5	6)a) Montrer que la fonction $H : x \mapsto (x^2 + 2x + 2)e^{-x}$ est une primitive de la fonction $h : x \mapsto -x^2 e^{-x}$ sur $\mathbb{R}$ puis en déduire que $\int_0^1 x^2 e^{-x} dx = \frac{2e-5}{e}$
0.75	b) A l'aide d'une intégration par parties montrer que $\int_0^1 x e^{-x} dx = \frac{e-2}{e}$
0.75	c) Calculer en $cm^2$ l'aire du domaine plan limité par $(C)$ et $(D)$ et les droites d'équations $x=0$ et $x=1$
	III) Soit $(u_n)$ la suite numérique définie par : $u_0 = \frac{1}{2}$ et $u_{n+1} = f(u_n)$ pour tout $n$ de $\mathbb{N}$
0.75	1) Montrer que $0 \leq u_n \leq 1$ pour tout $n$ de $\mathbb{N}$ (on pourra utiliser le résultat de la question II)3)b))
0.5	2) Montrer que la suite $(u_n)$ est décroissante .
0.75	3) En déduire que $(u_n)$ est convergente et déterminer sa limite.

# الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

المسالك الدولية - خيار فرنسية

الدورة العادية 2018

-عناصر الإجابة-

NR 22F

+XNΛε+ I MCY0εΘ  
+εCεLJeΘ+ I εΘXεε εεεεO  
Λ εΘCε++X εXεεεεε  
Λ εΘΘCεΛ εεXεεε Λ εOεεε εCεOεε



المملكة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني  
والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات  
والتوجيه

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية - خيار فرنسية	الشعبة أو المسلك

On prendra en compte les différentes étapes de la solution et on acceptera toute méthode correcte .

Exercice1		
1	0.5 pour le produit vectoriel et 0.5 pour l'équation du plan	
2	0.5	
3	a	0.25
	b	0.5
4	0.25 pour la distance et 0.25 pour le rayon du cercle et 0.25 pour le centre du cercle	
Exercice2		
1	0.25 pour le discriminant et 0.25 pour chacune des solutions	
2	a	0.25
	b	0.5
3	a	0.25 pour la vérification et 0.5 pour la déduction
	b	0.25 pour l'argument et 0.5 pour la déduction ( on acceptera toute preuve correcte pour le triangle équilatéral )
Exercice3		
1	0.5 pour $p(A) = \frac{1}{6}$ et 0.5 pour $p(B) = \frac{1}{4}$ et 0.5 pour $p(C) = \frac{1}{42}$	
2	a	0.5
	b	0.5 pour $p(X = 1) = \frac{25}{72}$ et 0.5 pour $p(X = 2) = \frac{5}{72}$



### Problème

I	1	0.25	
	2	0.25 pour le signe sur chacun des deux intervalles	
II	1	a	0.25 pour l'égalité et 0.25 pour la limite
		b	0.5 pour la limite et 0.25 pour la déduction
		c	0.25 pour l'égalité et 0.25 pour la limite
		d	0.25 pour la limite et 0.25 pour l'interprétation
	2	a	0.25
		b	0.25 pour la courbe au dessus et 0.25 pour la courbe en dessous
	3	a	0.75
		b	0.25 pour chaque déduction
		c	0.25
	4	a	0.25
		b	0.25 pour la dérivée seconde s'annule et change de signe en 1 0.25 pour la dérivée seconde s'annule et change de signe en 4
	5	1 point à distribuer selon ce qui est précisé sur la figure ci dessous	



	6	a	0.25 pour la primitive et 0.25 pour la deduction
		b	0.5 pour la technique de l'intégration par parties et 0.25 pour le calcul de l'intégrale
		c	0.5 pour la formule de l'aire et 0.25 pour la valeur de l'aire en $cm^2$
III	1	0.75	
	2	0.5	
	3	0.5 pour la convergence et 0.25 pour le calcul de la limite	