

الصفحة
3



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة العادية 2011  
المفتوحة

وزارة التربية والتكوين  
والجامعة  
وبيك وبيك  
وبيك  
لدورات الامتحانات  
لدورات الامتحانات  
لدورات الامتحانات  
لدورات الامتحانات

النقطة	المعامل	NS22	الرياضيات	المادة
3	مذكرة الإجهاز		شعبة العلوم التجريبية بمساركها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمساركها	الشعب (أ) نظر المعدل

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- مدة إنجاز موضوع الامتحان : 3 ساعات ؛
- عدد الصفحات : 3 صفحات ( الصفحة الأولى تضم معلومات والصفحة الثانية تضم تمارين الامتحان ) ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادى استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجروبة ؛
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تحريرين ، فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

يتكون الموضوع من أربعة قارئين مستقلة فيما بينها و توزع حسب الحالات كما يلي :

النقطة الممنوحة	الحال	التمرين
2.5	حل معادلات ومتراجحات لوغاريتمية	التمرين الأول
3	المستويات العددية	التمرين الثاني
5	الأعداد العقدية	التمرين الثالث
9.5	دراسة دالة وحساب التكامل	التمرين الرابع

- بالنسبة للتمرين الأول ، يرمز لـ  $\ln$  لـ لوغاريتم الثنائي .



### السؤال ٣

- (1) أ - حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $x^2 + 4x - 5 = 0$  . . . . . 0.5  
 ب - حل في المجال  $[0, +\infty]$  المعادلة :  $\ln(x^2 + 5) = \ln(x + 2) + \ln(2x)$  . . . . . 1  
 (2) حل في المجال  $[0, +\infty]$  المتراجحة :  $\ln x + \ln(x + 1) \geq \ln(x^2 + 1)$  . . . . . 1

### السؤال ٤

- نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة بما يلي :  $u_0 = 1$  و  $u_{n+1} = \frac{u_n}{5 + 8u_n}$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  .  
 (1) بين بالترجع أن  $u_n > 0$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  . . . . . 0.5  
 (2) نضع :  $v_n = \frac{1}{u_n} + 2$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  . . . . . 1  
 أ - بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية اساسها 5 ثم اكتب  $v_n$  بدالة  $n$  . . . . . 1.5  
 ب - بين أن  $u_n = \frac{1}{3 \times 5^n - 2}$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  ثم احسب نهاية المتتالية  $(u_n)$  . . . . . 1

### السؤال ٥

- (1) حل في مجموعة الأعداد العقدية  $\mathbb{C}$  المعادلة :  $z^2 - 18z + 82 = 0$  . . . . . 1  
 (2) نعتبر ، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعمد منتظم مباشر  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  ، النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي تحققها على التوالي هي :  $a = 9 + i$  و  $b = 9 - i$  و  $c = 11 - i$  . . . . .  
 أ - بين أن  $c - b = -i$  ثم استنتج أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية ومتتساوي الصاففين في  $B$  . . . . . 1  
 ب - احاط الشكل المثلثي للعدد العقدي  $(i - 4)$  . . . . . 0.5  
 ج - بين أن  $AC \times BC = 4(1 - i)(c - a)$  ثم استنتاج أن  $AC \times BC = 4\sqrt{2}$  . . . . . 1  
 د - ليكن  $z$  تحقق نقطة  $M$  من المستوى و  $z'$  تحقق النقطة  $M'$  صورة  $M$  بالدوران  $R$  الذي مررته  
 النقطة  $B$  و زاويته  $\frac{3\pi}{2}$  . . . . . 1.5  
 بين أن :  $z' = -iz + 10 + 8i$  ثم تتحقق من أن تتحقق النقطة  $C$  صورة النقطة  $C$  بالدوران  $R$   
 هو  $9 - 3i$  . . . . .

### السؤال السادس

- I - تعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :
- بين أن :  $g'(x) = -xe^x$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$ . 0.5
  - بين أن الدالة  $g$  تناقصية على  $[0, +\infty)$  وتزايدية على  $(-\infty, 0]$  وتحقق من أن  $g(0) = 0$ . 0.75
  - استنتج أن :  $g(x) \leq 0$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$ . 0.5
- II - تكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :
- $f(x) = (2-x)e^x - x$  ولتكن  $(C)$  المنحني الممثل للدالة  $f$  في معلم متعادم منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (الوحدة  $1cm$ ) .
  - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ . 0.5
  - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$  ثم استنتاج أن المنحني  $(C)$  يقبل فرعاً شلجمياً بجوار  $+\infty$  يتم تحديد اتجاهه . 0.75
  - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = +\infty$  ثم احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + x]$  (نذكر أن :  $f'(x) = g(x)$ ). 0.75
  - بين أن المستقيم  $(D)$  الذي معادلته  $y = -x$  مقارب مايل للمنحني  $(C)$  بجوار  $-\infty$ . 0.25
  - بين أن :  $f'(x) = g(x) = 0$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$ . 0.5
  - أول هندسياً النتيجة  $f'(0) = 0$ . 0.25
  - بين أن الدالة  $f$  تناقصية قطعاً على  $\mathbb{R}$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$  . 0.5
  - بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حل واحداً  $\alpha$  في  $\mathbb{R}$  وأن  $2 < \alpha < 3$  (نقبل أن  $e^{\frac{1}{2}} > 2$ ). 0.5
- A - حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) + x = 0$  واستنتاج أن  $(C)$  و  $(D)$  يتقاطعان في النقطة  $A(2, -2)$  . 0.5
- B - ادرس إشارات  $f(x) + x$  على  $\mathbb{R}$  . 0.25
- C - استنتاج أن  $(C)$  يوجد فوق  $(D)$  على  $[2, +\infty)$  وتحت  $(D)$  على  $(-\infty, 2]$  . 0.25
- D - بين أن المنحني  $(C)$  يقبل نقطة انعطاف وحيدة زوج احداثياتها هو  $(0.2)$  . 0.5
- E - أنشئ المستقيم  $(D)$  والمنحني  $(C)$  في نفس المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  . 1
- F - باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن  $\int_{-1}^0 (2-x)e^x dx = 3 - \frac{4}{e}$  . 1
- G - استنتاج بـ  $cm^2$  مصلحة حيز المستوى المحصور بين المنحني  $(C)$  والمستقيم  $(D)$  والمستقيمين اللذين معاييرهما  $x = -1$  و  $x = 0$  . 0.25