Correction de l'examen nationale 2018 SM session normale

Prof: JAMIL RACHID

CHIMIE:

AN:

1 – Etude d'une solution aqueuse d'un acide AH:

1.1 – La réaction chimique :

$$AH_{(aq)} + H_2O \rightleftharpoons A_{(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$$

2.1- Taux d'avancement final τ

$$\tau = \frac{xf}{xmax} = \frac{[H3O+]}{C} = \frac{10-pH}{C}$$
$$\tau = \frac{10-3.44}{10-2} = 3.63 \cdot 10^{-2} = 3.63\%$$

L'élément chimique dominant est l'acide AH car :

On a
$$[H_3O^+] = [A^-]$$
 et $[AH] = C - [A^-]$ donc $C = [AH] + [A^-]$

$$\tau = \frac{[H_3O^+]}{C} = \frac{[A^-]}{[AH] + [A^-]} \quad \text{donc} \quad \frac{1}{\tau} = \frac{[AH]}{[A^-]} + 1$$

$$\frac{[AH]}{[A^-]} = \frac{1}{\tau} - 1 = \frac{1}{3.63 \ 10^{-2}} - 1 = 26.5 >> 1$$

D'où L'élément chimique dominant est l'acide AH.

3.1 -

D'où

AN:

$$pK_A = -\log(K_A) = -\log(\frac{[\text{H3O+}].[\text{A-}]}{[\text{AH}]}) = -\log(\frac{[\text{H3O+}] \ 2}{\textit{C-} \ [\text{H3O+}]}) = -\log(\frac{10 - 2pH}{\textit{C-} \ 10 - pH}).$$

AN: $pK_A = 4,86$

4.1– Réaction de la solution acide S_A avec la solution (Na⁺_(aq)+ HO⁻_(aq)):

1.4.1 – L'équation de la réaction :

$$AH_{(aq)} + HO_{(aq)}^{-} \rightarrow A_{(aq)}^{-} + H_2O_{(aq)}$$

1.4.2 – la valeur du volume V_B de S_B ajouté :

$$pH = pK_A + \log(\frac{[A-]}{[AH]})$$

$$pK_A - pH = \log(\frac{[AH]}{[A-]})$$

$$10^{pKA-pH} = \frac{[AH]}{[A-]}$$

$$10^{pH-pKA} = \frac{xf}{CVA-xf}$$

On a $V_B < V_{BE} = 20 mL$ donc le réactif limitant est HO- donc $X_{max} = C \ V_B$ et puisque la réaction est totale alors $X_{max} = x_f = C \ V_B$.

$$10^{pH-pKA} = \frac{c \, VB}{cVA - c \, VB}$$

$$10^{pH-pKA} = \frac{VB}{VA - VB}$$

$$10^{pKA-pH} = \frac{VA}{VB} - 1$$

$$V_B = \frac{VA}{1 + 10^{pKA-pH}}$$

$$V_B = \frac{20}{1 + 10^{4,86-5,50}} = 16,3 \text{mL}.$$

2. Hydrolyse d'un ester :

1.2 – L'équation de la réaction :

2.2 – Le temps de demi-réaction $t_{1/2}$:

L'avancement à $t_{1/2}$ est : $x(t_{1/2}) = \frac{xf}{2}$ et d'après le tableau d'avancement :

$$n(E) = ni(E) - x_f \iff x_f = ni(E) - n(E)$$

$$x(t_{1/2}) = \frac{ni(E) - n(E)}{\frac{2}{2}}$$

$$x(t_{1/2}) = \frac{600 - 400}{\frac{2}{2}} = 100 \text{ mmol}$$

et on a

$$n_{t1/2}(E) = ni(E) - x(t_{1/2}) = 600 - 100 = 500 \text{ mmol}$$

En fin en utilisant la courbe (1) on obtient : $t_{1/2} = 7$ min

3.2 – On détermine de la même manière Le temps de demi-réaction $t_{1/2}$ qui correspond à la courbe (2) : $t_{1/2} = 3,5$ min.

Comparaison : $t_{1/2} = 7 \text{min} > t_{1/2} = 3,5 \text{min}$ on en déduit que la courbe (1) est celle qui correspond à la réaction sans catalyseur.

4.2 – La vitesse volumique est :
$$v = \frac{1}{v_0} \frac{dx}{dt}$$

On a
$$n(E) = ni(E) - x \Leftrightarrow x = ni(E) - n(E)$$

donc

$$\frac{dx}{dt} = -\frac{\mathrm{n(E)}}{dt}$$

et

$$v = -\frac{1}{V0} \frac{\mathrm{n(E)}}{dt}$$

A l'instant t_1 on a: $v = -\frac{1}{V_0} \left(\frac{n(E)}{dt}\right)_{t_1}$

$$v = -\frac{1}{V0} \left(\frac{h(L)}{dt} \right)_{t1}$$

$$v = -\frac{1}{71.10^{-3}} \frac{(550 - 400)10^{-3}}{(0 - 10)}$$

$$v = 0.21 \text{mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$$

3. L'électrolyse de l'eau :

- 3.1 Les affirmations exacts sont les trois suivants : a , b et d.
- 3.2 L'équation de la réaction : au niveau de l'anode se produit une oxydation de l'eau : $2H_2O_{(l)} \rightleftharpoons O_{2(g)} + 4H^+_{(aq)} + 4e^-$
- 3.3 Le volume de dioxygène formé :

$$n(O_2) = \frac{n(e^-)}{4} \iff n(e^-) = 4.n(O_2)$$
on a
$$I.\Delta t = n(e^-) \mathcal{F} \iff n(e^-) = \frac{I.\Delta t}{\mathcal{F}} = 4.n(O_2)$$

$$n(O_2) = \frac{I.\Delta t}{4\mathcal{F}} = \frac{V(O2)}{Vm}$$

$$V(O_2) = \frac{I.\Delta t.Vm}{4\mathcal{F}} = \frac{I.\Delta t.Vm}{4.N.e}$$

AN:

$$V(O_2) = \frac{0.2 \cdot 24 \cdot 8.60}{4.6.02.10^{23} \cdot 1.6.10^{-19}} = 6mL$$

PHYSIQUE:

Exercice 1 : Transformation nucléaire :

1.1 – L'énergie de liaison d'un noyau est l'énergie qu'on doit fournir au noyau en état de repos pour séparer ses nucléons en restant au repos.

1.2 – La proposition juste est : C

Après une durée égale à $3t_{1/2}$ il reste 12,5% des noyaux initiaux.

1.3 – On a :
$$a = \lambda.N \text{ et } N = \frac{m.NA}{M}$$

$$a = \lambda$$
. $\frac{m.NA}{M}$ et 1Ci correspond à une masse m=1g

donc

$$1\text{Ci} = 1,4.10^{-11}.\frac{1.6,02.10^{23}}{226} = 3,73.10^{10} \text{ Bq}.$$

1.4 – Loi de désintégration radioactive :

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda t}$$
 et $a = \lambda \cdot N$ donc $a = a_0 \cdot e^{-\lambda t}$
 $a(t_2) = a(t_1) \cdot e^{-\lambda (t2 - t1)}$
 $a(t_2) = 3,73.10^{10} \cdot e^{-1,4.10^{-11}} \cdot (2018 - 1898) \cdot 365,25.24.3600$
 $a(t_2) = 3,54.10^{10} \text{Bg}$

1.5 – Equation de désintégration du radium :

$$^{226}_{88}Ra \longrightarrow ^{222}_{86}Rn + ^{4}_{2}He$$

L'énergie produite par la désintégration du radium :

$$|\Delta E| = |(El(Ra) - El(Rn) - El(He))|$$

$$|\Delta E| = |1,7311.103 - 1,7074.103 - 28,4|$$

 $|\Delta E| = 4.7 \text{MeV}$

2 – Mouvement d'une particule α dans un champ magnétique uniforme

2.1 – Nature du mouvement :

Système étudié :{particule α }

Bilan des forces:

Force de Lorenz F

Poids négligeable devant F

On applique la deuxième loi de Newton dans un référentiel lié à la terre supposé Galiléen.

Le vecteur accélération est perpendiculaire au vecteur vitesse $\overrightarrow{v} = \overrightarrow{v}$. \overrightarrow{u} alors dans la base de Frenet $\overrightarrow{a_G} = \overrightarrow{a_T} \overrightarrow{u} + \overrightarrow{a_N} \overrightarrow{n}$ donne $\overrightarrow{a_T} = 0 \Leftrightarrow \frac{dv}{dt} = 0 \Leftrightarrow v$ est constante $= v_0$ donc le mouvement de la particule α est uniforme.

$$a_N = \frac{v_0}{\rho^2} = \frac{|q|}{m} v_0$$
. B $\iff \rho = \frac{mv_0}{2.e.B} = \text{Cte} = \text{R donc la trajectoire est circulaire.}$

La nature du mouvement de la particule α est circulaire uniforme.

2.2 – Expression de la distance OM:

$$OM = 2R = \frac{2mv_0}{2.e \cdot B} = \frac{mN0}{e \cdot B}$$

OM =
$$\frac{6,6447.10^{-27}.1,5.10^{7}}{1,6.10^{-19}.1,5}$$
 = 0,415m

EXERCICE 2: Electricité

1. L'équation différentielle :

$$u_C + u_R = E$$

 $u_C + R.i = E$

$$u_C + K.I - E$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}} + \mathbf{R}\mathbf{C} \frac{d\mathbf{u}_{\mathbf{C}}}{dt} = \mathbf{E}$$

2. La courbe est une droite ,son équation est :

$$\frac{du_C}{dt} = 6 \cdot 5.10^4 - \frac{30.104}{6} \cdot u_C$$
$$= 30 \cdot 10^4 - 5 \cdot 10^4 \cdot u_C$$

L'équation différentielle donne :

$$\frac{du_C}{dt} = \frac{E}{RC} - \frac{1}{RC} \cdot u_C$$

Donc

$$\frac{E}{RC} = 30 \cdot 10^4$$
 et $\frac{1}{RC} = 5.10^4$

$$E = 30 \cdot 10^4 RC$$
 et $RC = 2.10^{-5}$

Alors

$$E = 30 \cdot 10^4 \cdot 2 \cdot 10^{-5} = 6V$$

$$C = \frac{2.10^{-5}}{R} = \frac{2.10^{-5}}{2.10^3} = 10^{-8} \text{ F} = 10 \text{ nF}$$

3. Le rendement énergétique ρ :

$$\rho = \frac{E_e}{E_a} = \frac{\frac{1}{2}C u_C^2}{CE^2}$$

Donc
$$\rho = \frac{1}{2} = 0.5 = 50\%$$

II – Réponse d'un dipôle RL a un échelon de tension :

1. 1 – Equation différentielle :

$$u_{R1} + u_L = E$$

$$R_{1.}i + r.i + L\frac{di}{dt} = E$$

$$(R_1 + r) i + L \frac{di}{dt} = E$$

$$\dot{1} + \frac{L}{R1+r} \cdot \frac{di}{dt} = \frac{E}{R1+r}$$

1.2 – Détermination de R_1 :

Dans le régime permanent on a :
$$i = cte = I_0 = \frac{E}{R_1 + r}$$
 donc $R_1 = \frac{E}{I_0}$ - r

Graphiquement on a
$$I_0 = 50 \text{mA}$$
 donc $R_1 = \frac{6}{50.10^{-3}} - 20 = 100 \Omega$

On a
$$L = \tau (R_1 + r)$$
 et Graphiquement on a $\tau = 2.5$ ms

Donc
$$L = 2.5. 10^{-3}. 120 = 0.3H$$

1.3 – Tension au borne de la bobine en régime permanent :

Régime permanent donc :
$$i = cte = I_0 = 50 mA$$
 et $\frac{di}{dt} = 0$ On a : $u_L = ri + L \frac{di}{dt}$ donc $U_L = r$. $I_0 = 20.50.10^{-3} = 1V$

- 2.1 La valeur de l'intensité de courant juste après l'ouverture du circuit est la même que celle avant l'ouverture car l'intensité du courant électrique est une fonction continu dans un circuit RL : i (t_0)= I_0 =50mA
- 2.2 Equation différentielle :

$$\begin{split} u_{R1} + u_{R2} \, + \, u_{L} &= 0 \\ R_{1}i \, + R_{1}i \, + \, ri + L \, \frac{di}{dt} &= 0 \\ (R_{1} + R_{2} + r) \, i + L \, \frac{di}{dt} &= 0 \\ i \, + \, \frac{L}{R_{1} + R_{2} + r} \cdot \frac{di}{dt} &= 0 \\ donc & \frac{di}{dt} &= -i \cdot \frac{R_{1} + R_{2} + r}{L} \\ \left(\frac{di}{dt}\right)_{t=0} &= -I_{0} \cdot \frac{R_{1} + R_{2} + r}{L} \\ (\frac{di}{dt}\right)_{t=0} &= -50.10^{-3} \cdot \frac{100 + 2000 + 20}{0.3} &= -353.3 \text{ A/s} \\ On \, a \, : \, u_{L} &= ri + L \, \frac{di}{dt} \\ donc & U_{L} = r.I_{0} - I_{0}(R_{1} + R_{2} + r) \\ U_{L} &= 20.50.10^{-3} - 0.3 \cdot 353.3 = -105 V \end{split}$$

3. Le rôle de la branche du circuit formé par la diode et le conducteur ohmique est d'éviter les étincelles en dissipant progressivement l'énergie emmagasinée au niveau de la bobine à cause de la <u>surtension</u> produite au moment de l'ouverture du circuit car $|U_L| \gg E$.

III- Oscillation RLC en régime forcée :

- 1. résonnance donc impédance minimale d'où la fréquence $N_0 = 0.5 \text{KHz}$.
- 2. résonnance donc $N = N_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC1}}$ $C_1 = \frac{1}{4\pi^2 L N_0^2}$ $C_1 = \frac{1}{410.03500^2} = 3,33.10^{-7} F$
- 3. résonnance donc impédance minimale : $Z=R_3+r$

On a U = Z.I =
$$(R_3 + r).I_0$$
 et $I = \frac{I_0}{\sqrt{2}}$ donc Z. $\frac{I_0}{\sqrt{2}} = (R_3 + r).I_0$ d'où $Z = \sqrt{2}.$ $(R_3 + r)$
AN : $Z = 2.8 \text{K}\Omega$.

D'après le graphe on trouve $N_1 = 0.2KHz$ et $N_2 = 1.25KHz$

La largeur de la bande passante est : $\Delta N = N_2 - N_1 = 1,05 \text{KHz}$.

EXERCICE 3 : Mécanique

Partie 1: Mouvement d'un corps solide dans l'air et dans un liquide :

1.1 – Equation différentielle :

Système étudié :{Le baigneur}

Bilan des forces:

Le poids P.

On applique la deuxième loi de Newton dans un référentiel lié à la terre supposé

galiléen :
$$\sum \vec{F}_{ext} = m.\vec{a}_G$$

$$\overrightarrow{P} = \overrightarrow{m.a_G} \iff \overrightarrow{m.g} = \overrightarrow{m.a_G} \iff \overrightarrow{a_G} = \overrightarrow{g}$$

On projette sur l'axe oz :
$$a_z = g \iff \frac{dV_z}{dt} = g$$
.

 $1.2 - \text{Temps de chute } t_C$:

AN:
$$t_{\rm C} = \sqrt{\frac{2.10}{10}} = 1.4s$$

La vitesse de chute Ve est :

$$V_z = g.t$$
 donc $V_e = g.t_C$

AN:
$$V_e = 10.1,4 = 14 \text{m/s}.$$

2. – Etude du mouvement vertical du centre d'inertie G dans l'eau :

2.1 – Equation différentielle :

Système étudié :{Le baigneur}

Bilan des forces:

Le poids \overrightarrow{P} .

La poussée d'Archimède \overrightarrow{F}_A .

La force de frottement fluide \overline{f} .

On applique la deuxième loi de Newton dans un référentiel lié à la terre supposé

On projette sur l'axe oz :

$$mg - \frac{m}{d} \cdot g - \lambda \cdot V_Z = m \cdot \frac{dV_Z}{dt}$$

$$\frac{dV_Z}{dt} = (g - \frac{g}{d}) - \frac{\lambda}{m} V_Z$$

$$\frac{dV_Z}{dt} = g \cdot (1 - \frac{1}{d}) - \frac{1}{\tau} V_Z \quad \text{avec} \quad \tau = \frac{m}{\lambda}$$

2.2 - La vitesse limite V_{LZ} :

On a
$$V_Z$$
 = constante donc $\frac{dV_Z}{dt} = 0$

D'où
$$V_{LZ} = \tau .g.(1 - \frac{1}{d}).$$

AN:
$$V_{LZ} = \frac{80}{250} .10.(1 - \frac{1}{0.9}) = 0.35 \text{m/s}$$

2.3 – Expression de A et de B:

$$V_Z(t) = A + B e^{-\frac{1}{\tau}t}$$
 donc $V_{LZ} = \lim_{t \to \infty} (A + B e^{-\frac{1}{\tau}t}) = A$
 $V_Z(t=0) = A + B = Ve \iff V_{LZ} + B = Ve \iff B = Ve - V_{LZ}$

2.4 – L'instant ou le mouvement du baigneur change de sens tr :

le mouvement du baigneur change de sens donc $V_Z(tr) = 0$.

$$V_{Z}(tr) = A + B e^{-\frac{1}{\tau}tr} = 0 \iff e^{-\frac{1}{\tau}tr} = \frac{-A}{B} \iff \frac{-tr}{\tau} = \ln(\frac{-A}{B}) \iff tr = -\tau \ln(\frac{-A}{B})$$

$$tr = -\frac{m}{\lambda} \ln(\frac{-VLZ}{Ve - VLZ}) = \frac{m}{\lambda} \ln(\frac{VLZ - Ve}{VLZ})$$

 $tr = \frac{80}{250}$. $ln(\frac{-0.36-14}{-0.36}) = 1.18s$. AN:

Partie 2 : Etude du mouvement d'un pendule élastique :

1. Systéme étudié :{corps S}

Bilan des forces:

Le poids \overrightarrow{P} .

La réaction R.

La force de rappel \overrightarrow{F} .

On applique la première loi de Newton dans un référentiel lié à la terre supposé

galiléen donc : le corps S est en équilibre donc :
$$\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$$

$$\overrightarrow{P} + \overrightarrow{R} + \overrightarrow{F} = \overrightarrow{0}$$

On projette sur l'axe ox : Px + Rx + Fx = 0

$$mgcos(\alpha) - K \Delta L_0 = 0 \iff K \Delta L_0 = mgcos(\alpha) \iff \Delta L_0 = \frac{mgcos(\alpha)}{K} \iff l_e - l_0 = \frac{mgcos(\alpha)}{K}$$

 $l_e = l_0 + \frac{mgcos(\alpha)}{\kappa}$ 2 - 1 – Equation différentielle :

D'après la deuxième loi de Newton : $\sum \overrightarrow{F}_{ext} = m.a_G$ $\overrightarrow{P} + \overrightarrow{R} + \overrightarrow{F} = m.\overrightarrow{a_G}$

$$\overrightarrow{P} + \overrightarrow{R} + \overrightarrow{F} = m.\overrightarrow{a}_G$$

Px + Rx + Fx = m.axOn projette sur l'axe ox :

$$\operatorname{mgcos}(\alpha) - K \cdot (\Delta L_0 + x) = m \cdot \frac{d^2 x}{dt^2}$$

$$mgcos(\alpha) - K.(\Delta L_0) - K.x = m. \frac{d^2x}{dt^2}$$

On a
$$\operatorname{mgcos}(\alpha) - K \Delta L_0 = 0$$
 donc $- K \cdot x = m \cdot \frac{d^2 x}{dt^2}$

d'où
$$m \cdot \frac{d^2 x}{dt^2} + K \cdot x = 0$$
$$\frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{K}{m} \cdot x = 0$$

2.2 – La solution de l'équation différentielle : $x(t) = X_m \cdot \cos(\frac{2\pi}{T_c} \cdot t + \varphi)$

D'après le graphe : $X_m = 1.5.10^{-2}$ m

et
$$a_x = -\frac{K}{m} \cdot x \iff \frac{K}{m} = \frac{-ax}{x} = \frac{-1,25}{0,5.10^{-2}} = 250 \text{N/m.Kg}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \iff \sqrt{\frac{K}{m}} = \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{250} = 5\pi \text{ rad/s}$$

On a a t=0s $x(t=0) = X_m$ et $x(t=0) = X_m \cos(\varphi)$ donc $\cos(\varphi) = 1$ et $\varphi = 0$

En fin: $x(t) = 1,5.10^{-2}.\cos(5\pi.t)$

3. $E_P = E_{Pp} + E_{Pe}$

 $E_{Pp}=mgz+cte$; L'état de référence de l' E_{Pp} : $E_{Pp}\!=0$ pour $z\!=\!0$ donc $cte=\!0$

On a $z = -x.\cos\alpha$ donc $E_{Pp} = -mg.x.\cos\alpha$

Et on a $E_{Pe} = \frac{1}{2} K (x + \Delta l_e)^2 + \text{cte}$; L'état de référence de l' E_{Pe} : $E_{Pe} = 0$ pour x=0

 $donc \quad \frac{1}{2} K \left(0 + \Delta l_e\right)^2 + cte = 0$

Donc cte = $-\frac{1}{2}$ K $(\Delta l_e)^2$ d'ou $E_{Pe} = \frac{1}{2}$ K $(x + \Delta l_e)^2 - \frac{1}{2}$ K $(\Delta l_e)^2$

$$E_{Pe} = \frac{1}{2} K.x^2 + K.x.\Delta le$$

$$E_P \, = E_{Pp} \, + \, E_{Pe}$$

$$E_P = -mg.x.cos\alpha + \frac{1}{2}K.x^2 + K.x.\Delta le$$

En fin

$$E_P = \frac{1}{2} K.x^2$$

3.2 – La constante de raideur K:

Pas de frottement donc on a conservation de l'énergie mécanique

Em = Cte =
$$E_{Cmax}$$
 = E_{Dmax} = $\frac{1}{2}$ K. X_{m}^{2}

$$K = \frac{2.E_{Cmax}}{X_{max}^{2}} = \frac{2.9.10^{-3}}{(1.5 \ 10^{-2})^{2}} = 80 \text{N/m}$$

- La masse m:

On a $\frac{K}{m} = 250$ donc $m = \frac{K}{250} = \frac{80}{250} = 0.32$ Kg

Prof: JAMIL RACHID

Jamil-rachid.jimdo.com

KKK'D7%A5#CFIA

KKK'D7%'A5